

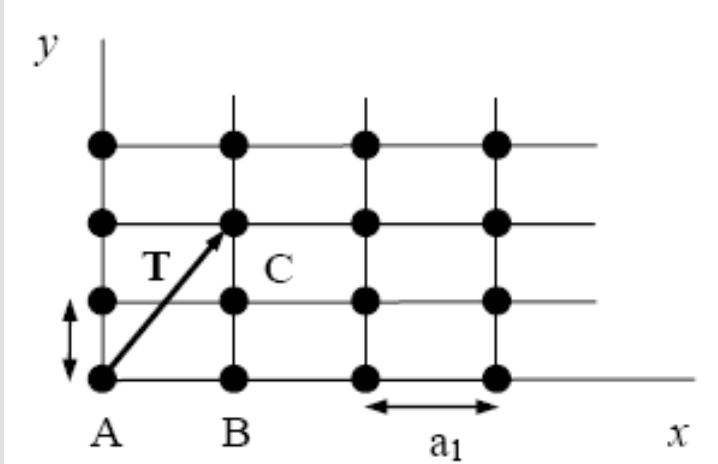
# STRUKTUR KRISTAL



Kristal merupakan zat padat akan tetapi zat padat tidak selalu berstruktur kristal

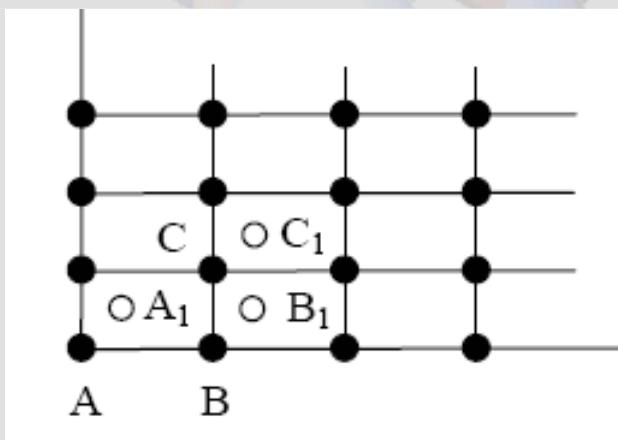
Zat padat dikatakan berstruktur kristal jika atom-atom penyusunnya tertata secara teratur dan periodik

Ilustrasi struktur kristal dalam gambaran dua dimensi (2D)



**T** merupakan vektor translasi  
A,B, dan C adalah atom  
Penyusun kristal  
 $a_1$  adalah jarak antara atom

**Struktur kristal** dapat digambarkan dalam bentuk **kisi**, dimana Setiap titik kisi akan ditempati oleh atom atau sekumpulan atom Kisi kristal memiliki sifat geometri yang sama seperti kristal Kisi yang memiliki titik-titik kisi yang ekuivalen disebut *kisi Bravais* sehingga titik-titik kisi tersebut dalam kristal akan ditempati oleh atom-atom yang sejenis



Titik A,B dan C adalah ekuivalen satu sama lain

Titik A dan A<sub>1</sub> tidak ekivalen (non-Bravais)

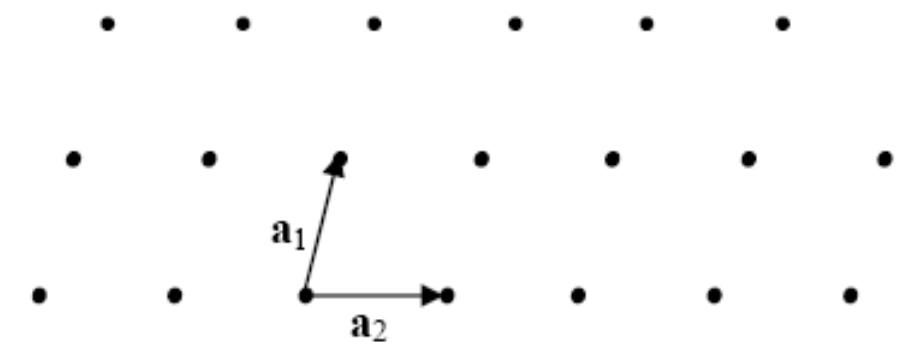
Titik-titik kisi Bravais dapat ditempati oleh atom atau sekumpulan atom yang disebut **basis**

Kisi → Sekumpulan titik-titik yang tersusun secara periodik dalam ruang

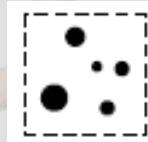
Basis → Atom atau sekumpulan atom

Sehingga apabila atom atau sekumpulan atom tersebut menempati titik-titik kisi maka akan membentuk suatu struktur kristal

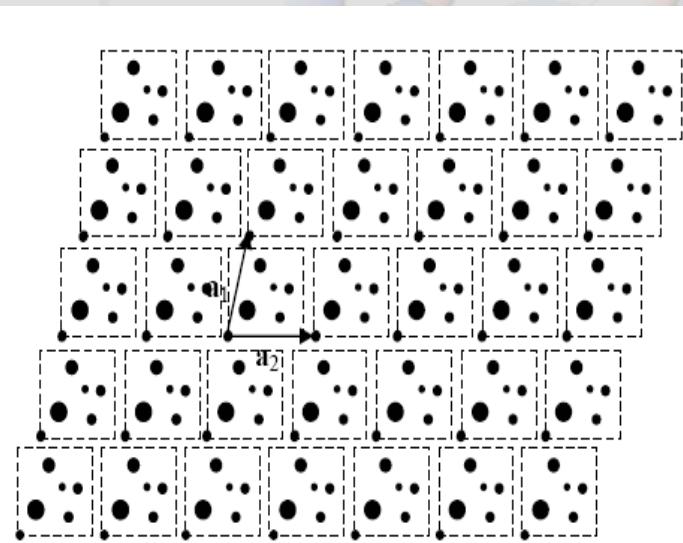
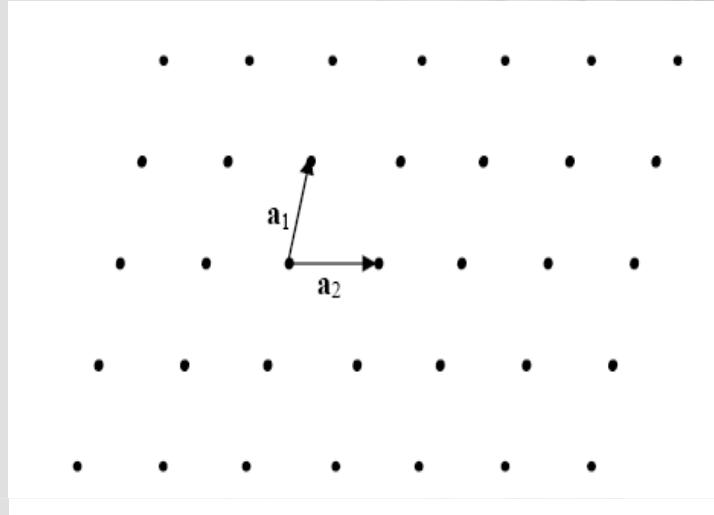
KISI



BASIS

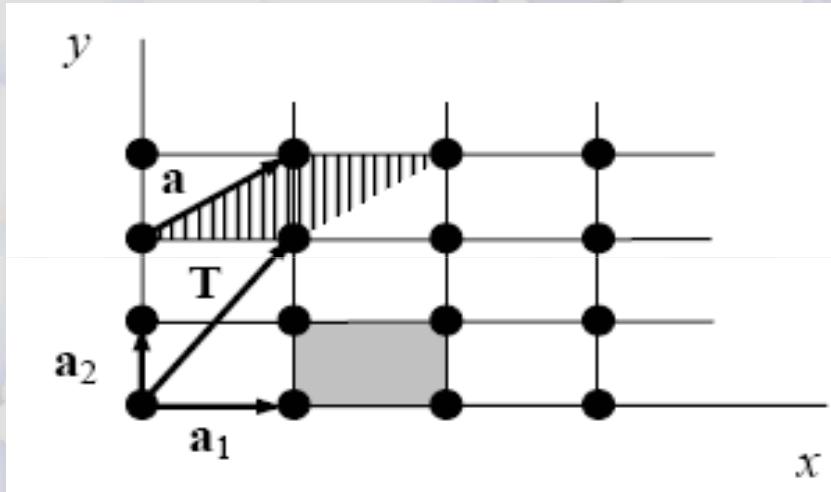


## Struktur Kristal = Kisi + Basis



Vektor posisi dari setiap titik kisi pada kisi dua dimensi yaitu :

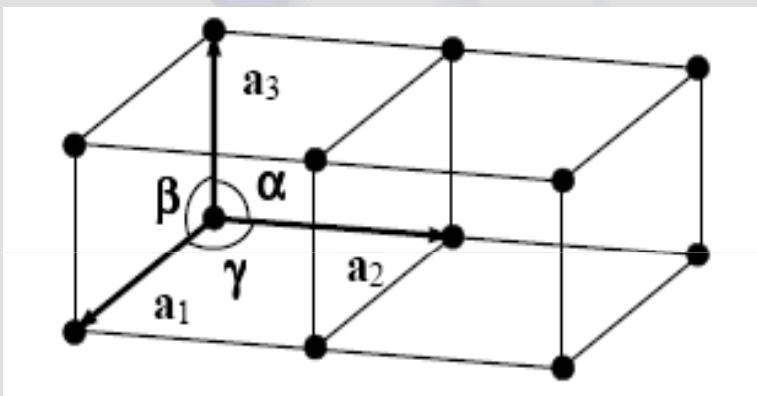
$$\mathbf{T} = n_1 \mathbf{a}_1 + n_2 \mathbf{a}_2$$



$\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{a}_1$  dan  $\mathbf{a}_2$  merupakan vektor translasi primitif  
 $n_1$  dan  $n_2$  merupakan bilangan bulat yang nilainya  
bergantung pada kedudukan titik kisi

Pada kisi tiga dimensi, vektor posisi untuk titik-titik kisi yaitu:

$$\mathbf{T} = n_1 \mathbf{a}_1 + n_2 \mathbf{a}_2 + n_3 \mathbf{a}_3$$



$\mathbf{a}_1$ ,  $\mathbf{a}_2$  dan  $\mathbf{a}_3$  adalah vektor translasi primitif

$\alpha$ ,  $\beta$  dan  $\gamma$  adalah sudut yang dibentuk vektor  $a_1$ ,  $a_2$  dan  $a_3$

**Sel Primitif** merupakan sel satuan yang sisinya dibatasi oleh vektor translasi primitif yang memiliki volume terkecil

$$V = | \mathbf{a}_1 \cdot \mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3 |$$

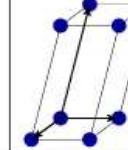
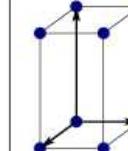
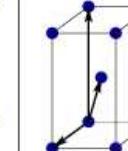
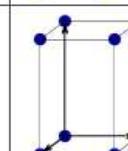
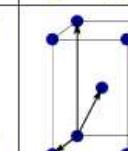
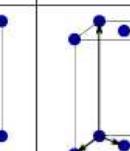
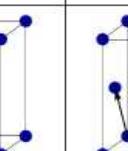
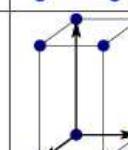
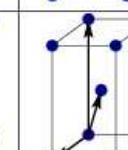
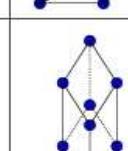
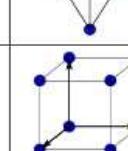
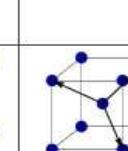
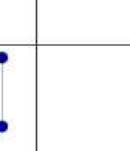
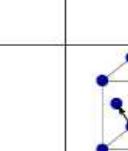
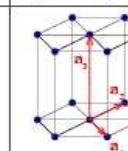
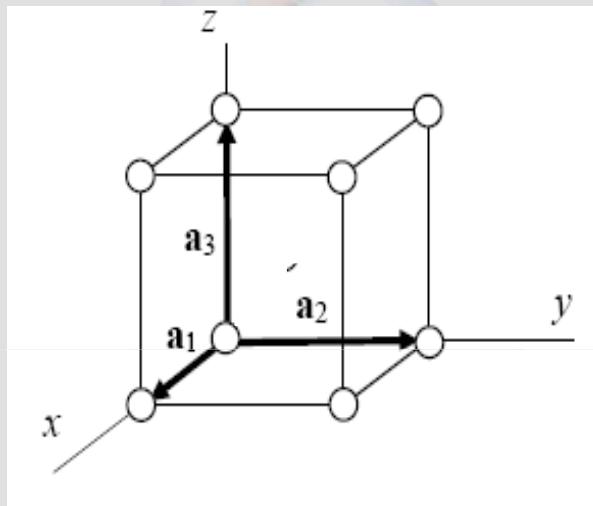
Bravais lattice	Parameters	Simple (P)	Volume centered (I)	Base centered (C)	Face centered (F)
Triclinic	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} \neq \alpha_{23} \neq \alpha_{31}$				
Monoclinic	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$ $\alpha_{12} \neq 90^\circ$				
Orthorhombic	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
Tetragonal	$a_1 = a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
Trigonal	$a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} < 120^\circ$				
Cubic	$a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
Hexagonal	$a_1 = a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = 120^\circ$ $\alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				

Table 1.1: Bravais lattices in three-dimensions.

Kisi Bravais kubik memiliki tiga bentuk kisi :

### Simple Cubic (sc)



$$\text{Volume sel satuan} = a^3$$

$$\text{Titik kisi persel} = 8 \times 1/8 = 1$$

$$\text{Jarak tetangga terdekat} = a$$

$$\text{Jml tetangga terdekat} = 6$$

Contoh:

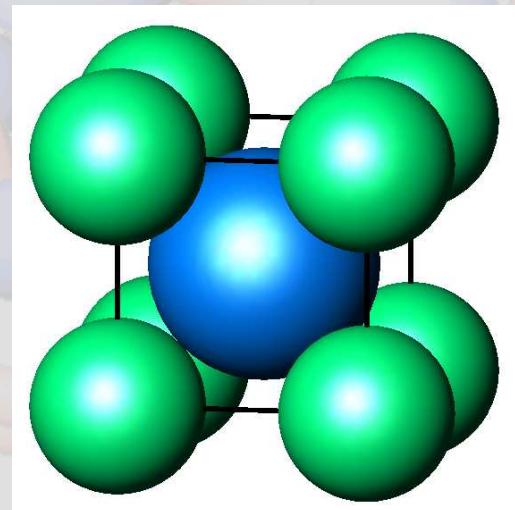
CsCl, CuZn, CsBr, LiAg

Vektor primitif :

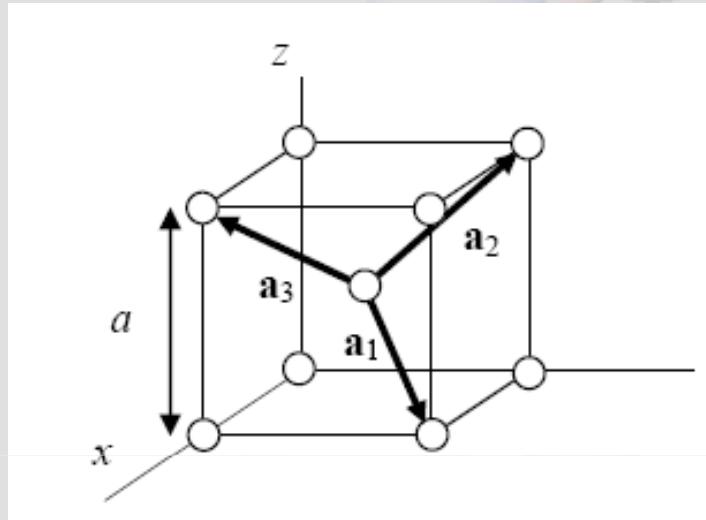
$$\mathbf{a}_1 = ax$$

$$\mathbf{a}_2 = ay$$

$$\mathbf{a}_3 = az$$



## Body Centered Cubic (bcc)



Vektor primitif :

$$\mathbf{a}_1 = a/2 (\mathbf{x} + \mathbf{y} - \mathbf{z})$$

$$\mathbf{a}_2 = a/2 (-\mathbf{x} + \mathbf{y} + \mathbf{z})$$

$$\mathbf{a}_3 = a/2 (\mathbf{x} - \mathbf{y} + \mathbf{z})$$

$$\text{Volume sel satuan} = a^3 / 2$$

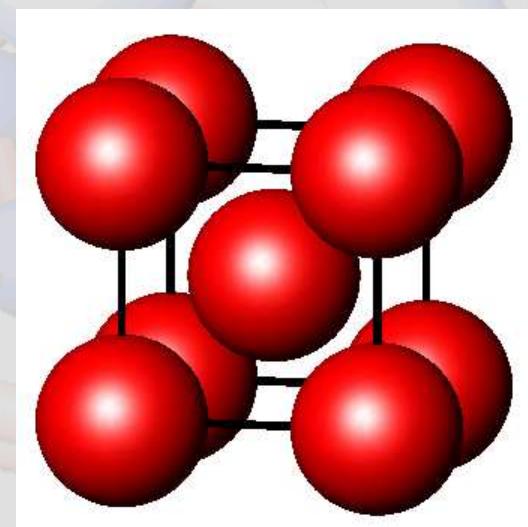
$$\text{Titik kisi persel} = 8 \times 1/8 + 1 = 2$$

$$\text{Jarak tetangga terdekat} = \sqrt{3}a/2$$

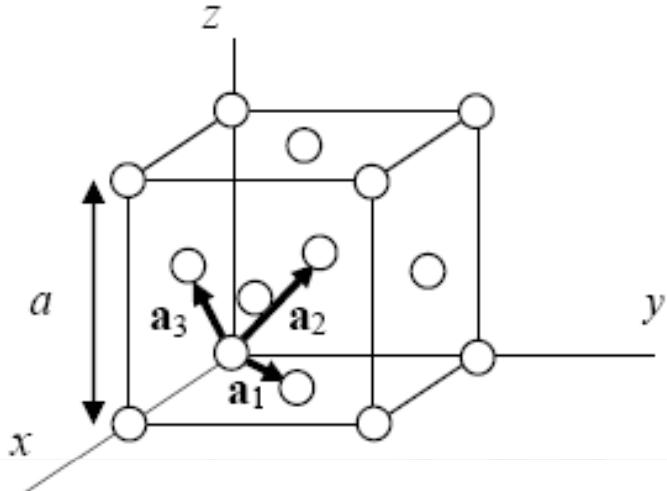
$$\text{Jml tetangga terdekat} = 8$$

Contoh:

Na,Li,K,Rb,Cs,Cr,Fe,Nb



## Face Centered Cubic (fcc)



$$\text{Volume sel satuan} = a^3 / 4$$

$$\text{Titik kisi persel} = 8 \times 1/8 + 6/2 = 4$$

$$\text{Jarak tetangga terdekat} = \sqrt{2}a/2$$

$$\text{Jml tetangga terdekat} = 12$$

Contoh:

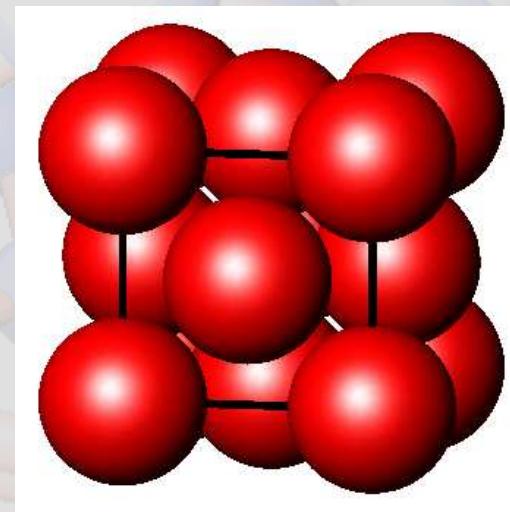
Cu,Ag,Au,Al,Pb,Ni,Fe,Nb

Vektor primitif :

$$\mathbf{a}_1 = a/2 (\mathbf{x} + \mathbf{y})$$

$$\mathbf{a}_2 = a/2 (\mathbf{y} + \mathbf{z})$$

$$\mathbf{a}_3 = a/2 (\mathbf{x} + \mathbf{z})$$

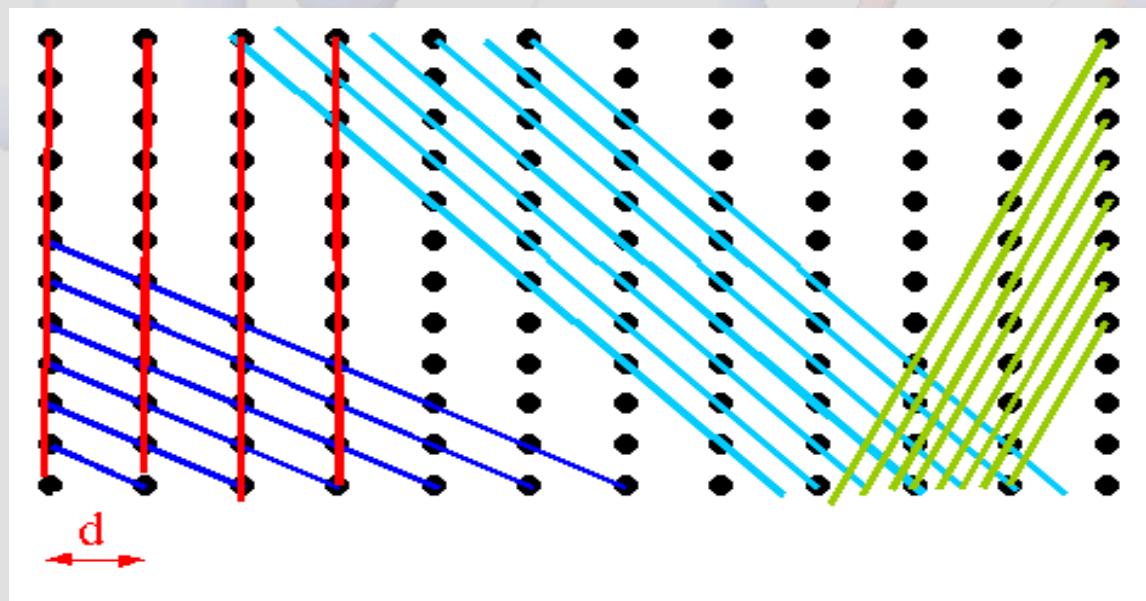


## INDEKS MILLER (hkl)

Melalui titik-titik kisi suatu kristal dapat dibentuk suatu bidang datar.

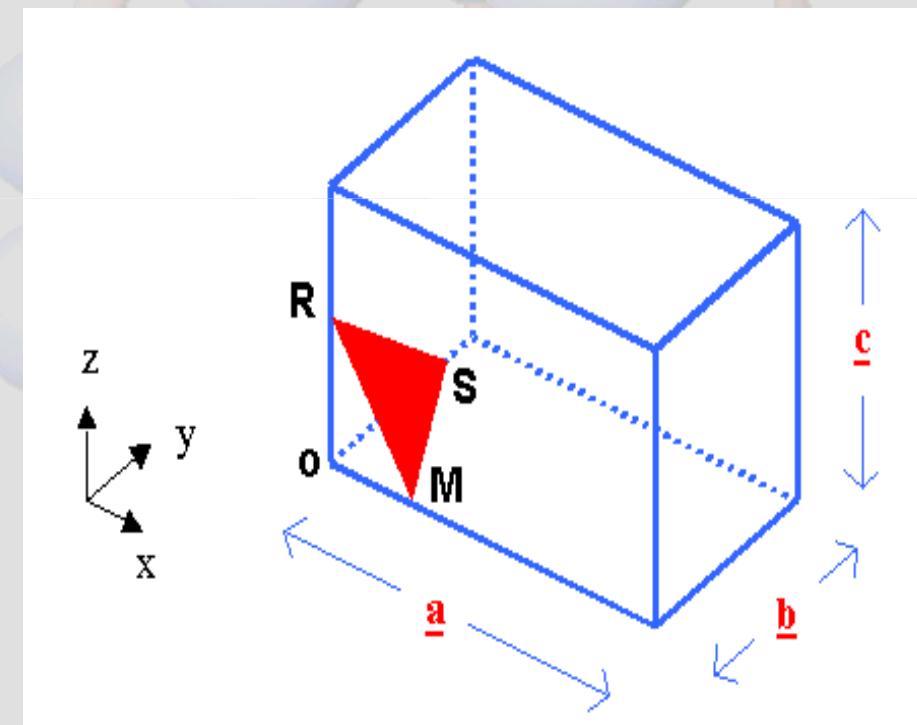
Masing-masing bidang datar memiliki orientasi yang berbeda kecuali pada bidang yang sejajar orientasinya adalah identik

Untuk menentukan orientasi bidang tersebut digunakan sistem indeks yang dinamakan indeks Miller (hkl)



## Cara menentukan indeks Miller:

1. Tentukan perpotongan bidang kristal dengan sumbu a,b dan c



$$OM = \frac{1}{4} a$$

$$OS = \frac{2}{3} b$$

$$OR = \frac{1}{2} c$$

Titik perpotongan pada  $a, b, c$  adalah  
 $\frac{1}{4}, \frac{2}{3}, \frac{1}{2}$

2. Tentukan bilangan resiprok (bilangan yang berbanding terbalik dengan nilai titik potong bidang dengan sumbu a,b,c.

Titik potong :  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{1}{2}$

Bilangan resiprok : 4 ,  $\frac{3}{2}$ , 2

3. Buatlah bilangan resiprok tersebut menjadi bilangan bulat terkecil

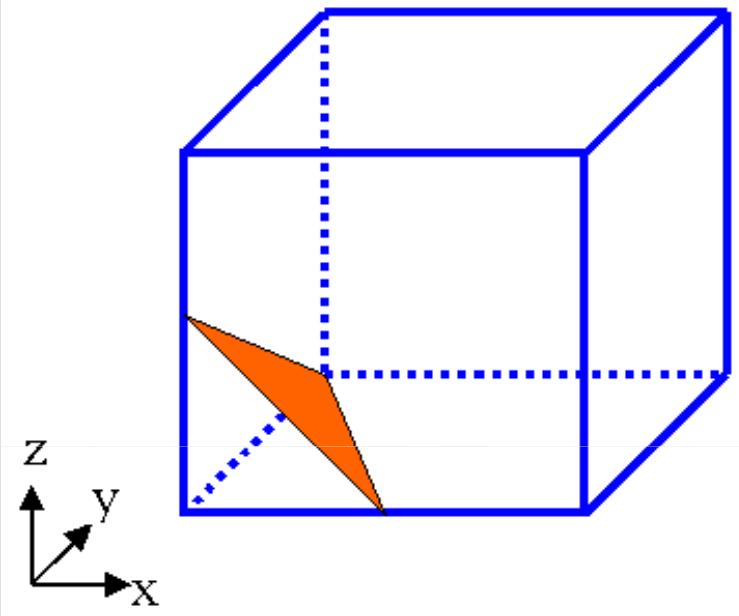
Bilangan resiprok : 4,  $\frac{3}{2}$ , 2

Bilangan bulat terkecil : 8, 3, 4

Maka Indeks Miller (hkl)= (834)

## Latihan

1

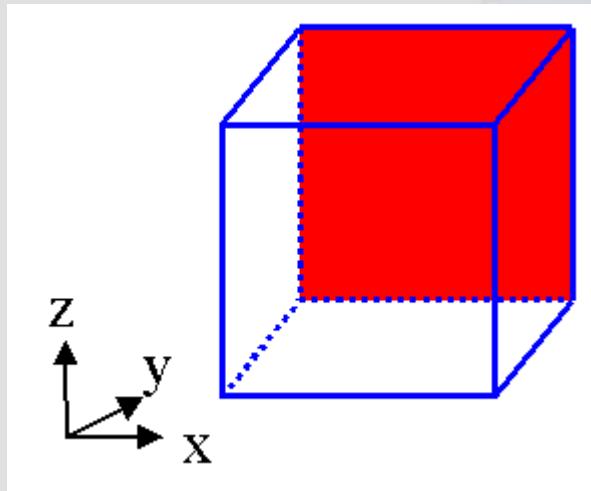


Titik potong :  $1/2, 1, 1/2$

Nilai resiprok: 2, 1, 2

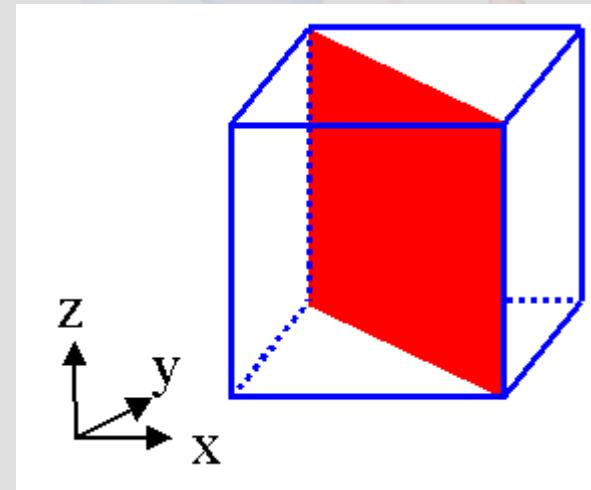
Indeks Miller : (212)

2



Indeks Miller : (010)

3



Indeks Miller : (110)

## TUGAS 1

Gambarkan bidang kristal dengan orientasi  
bidang:

1. (001)
2. (111)
3. (002)
4. (110)
5. (210)